

# 18. 公比线带通滤波器

苏 涛

西安电子科技大学，电子工程学院

滤波器综合：Butterworth, Chebyshev综合

à LC梯形网络（低通），易于集总元件实现

问题：

- 1、集总元件LC在微波频率下实现困难；
- 2、微波频率下，元件之间的距离（或连线）是不可忽略的。

- 集总元件LC等效，分布元件（传输线、谐振腔等）；

- 网络结构变换，利于微波结构实现（J/K变换器）；

窄带的，近似的

比如：高阻抗短截线等效串联电感；低阻抗短截线等效并联电容。

另外一种近似，另外一种研究思路

# 公比线带通滤波器

1. Richard变换
2. Kuroda恒等关系
3. 公比线低通

# 公比线带通滤波器

1. Richard变换
2. Kuroda恒等关系
3. 公比线低通

P. Richard为了用开路或者短路的传输线段来实现LC网络而引入变换  $\omega \rightarrow \Omega$

$$\Omega = \tan \beta l = \tan \left( \frac{\omega l}{v_p} \right)$$

$\omega$  频率变量;

$\Omega$  分布频率变量; (distributed frequency)

若采用上述变换,

电感电抗  $jX_L = jL \tan bl = j\Omega L$

$Z_0 = L, q = bl$  短路短截线

电容电导  $jB_c = jC \tan bl = j\Omega C$

$Y_0 = C, q = bl$  开路短截线

电感和电容即开路或短路短截线。

## 【讨论】

### 1、Richard变换的周期性

相速和频率无关，无色散的，TEM模传输线；  
即，电长度与频率成正比；

$$q = q_c \frac{w}{w_c}$$

对于低通原型，截止频率为 1；使经过Richard  
变换后，仍为1；即  $\Omega=1$



$$\Omega = 1 = \tan q_c \left. \frac{W}{W_c} \right|_{W=W_c}$$

显然地，

$$q_c = \frac{p}{4}, l = \frac{l}{8}$$

在  $w = 2w_c$  时，传输线长度为四分之一波长，这里将发生衰减的极点。

注意：远离截止频率时，短截线的阻抗将不再与原来的集总元件阻抗匹配。

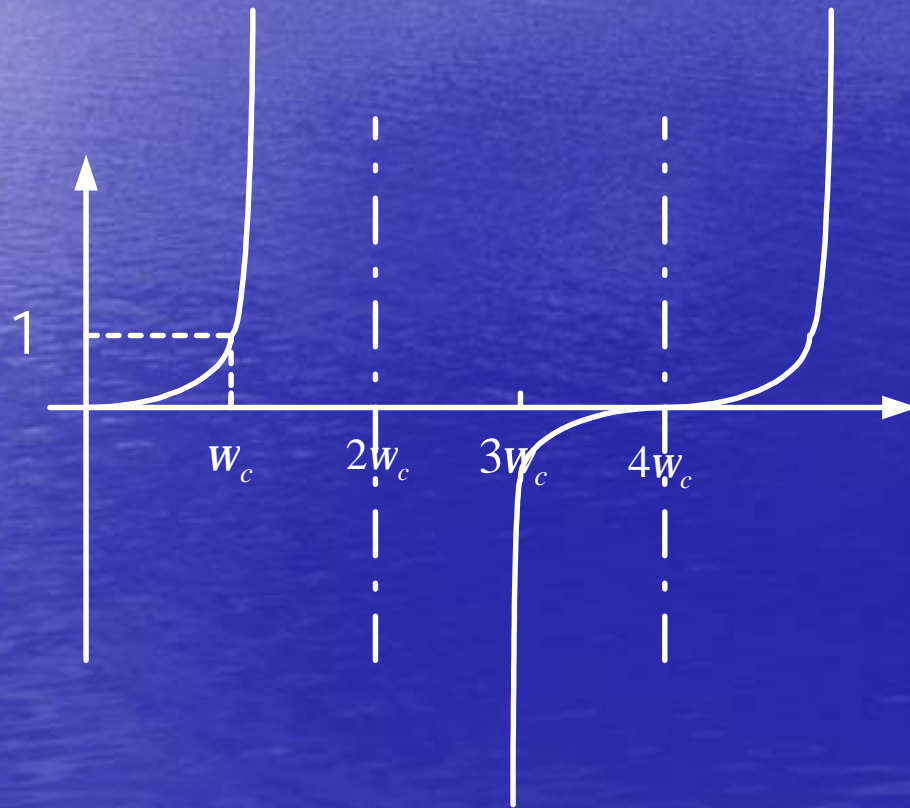
令:

$$\Omega = \tan\left(\frac{p}{4} \cdot \frac{w}{w_c}\right)$$

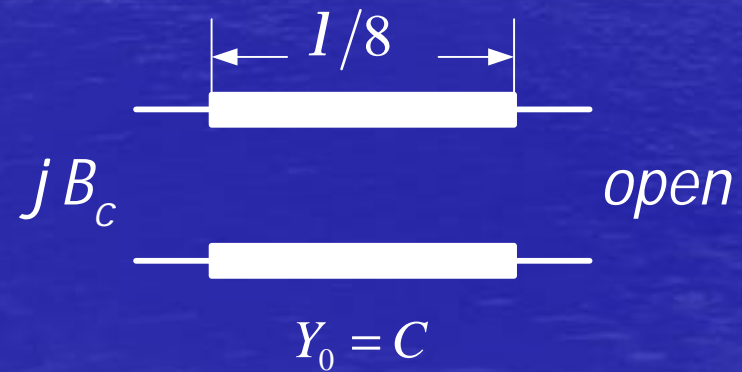
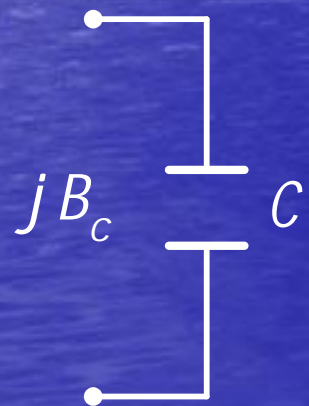
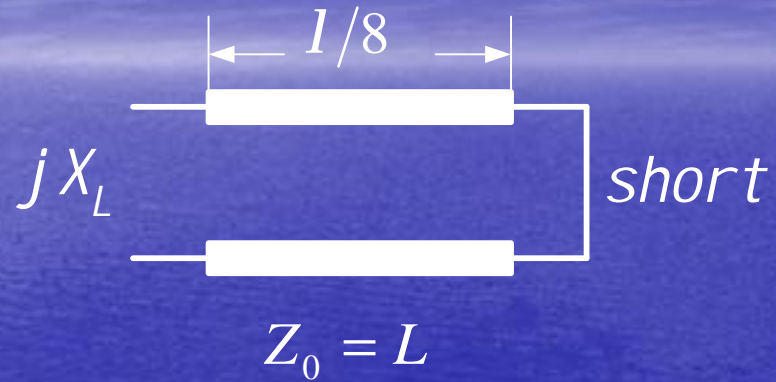
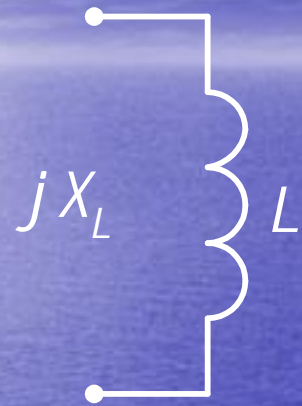
有:

$$w: 0 \rightarrow 2$$

$$\Omega: 0 \rightarrow \infty$$



## 2. 分布元件等效

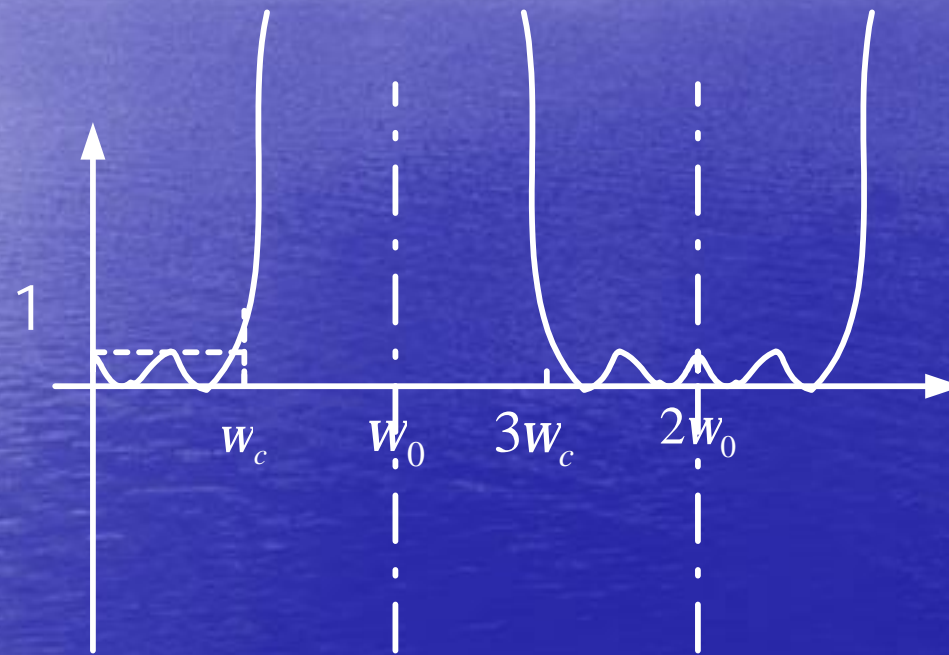


集总元件电感和电容可以用短路和开路短截线取代。

由于线长  $l = \frac{l}{8}$  ，这种线称为公比线  
(commensurate line)

网络综合步骤与低频相同，使用公比线实现。

### 3. 分布元件电路的周期性



低通原型经过变换之后，得到：

$w$  下的低通  $\rightarrow$   $\Omega$  下的低通，

或  $w_0$  处的带阻；

$w$  下的高通  $\rightarrow$   $\Omega$  下的高通，

或  $w_0$  处的带通。

$$w_0 = 2w_c$$

## 4. 传输矩阵

在  $\Omega$  下的传输矩阵

$$\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos q & jZ_0 \sin q \\ j\frac{1}{Z_0} \sin q & \cos q \end{bmatrix} = \frac{1}{\sqrt{1+\Omega^2}} \begin{bmatrix} 1 & j\Omega Z_0 \\ \frac{j\Omega}{Z_0} & 1 \end{bmatrix}$$

其中,

$$\Omega = \tan bl$$

# 公比线带通滤波器

1. Richard变换
2. Kuroda恒等关系
3. 公比线低通



Richard变换：把集总元件变换为传输线段；

Kuroda恒等关系：可用传输线段分隔个滤波器元件，添加的传输线段并不影响滤波器的响应，称为冗余滤波器综合，得到更容易实现的微波滤波器。

## Kuroda恒等关系的作用：

- 使传输线短截线在物理上分隔开；
- 串联短截线变换成并联短截线，反之亦然；
- 把不实际的特性阻抗变为一种较易实现的特性阻抗。

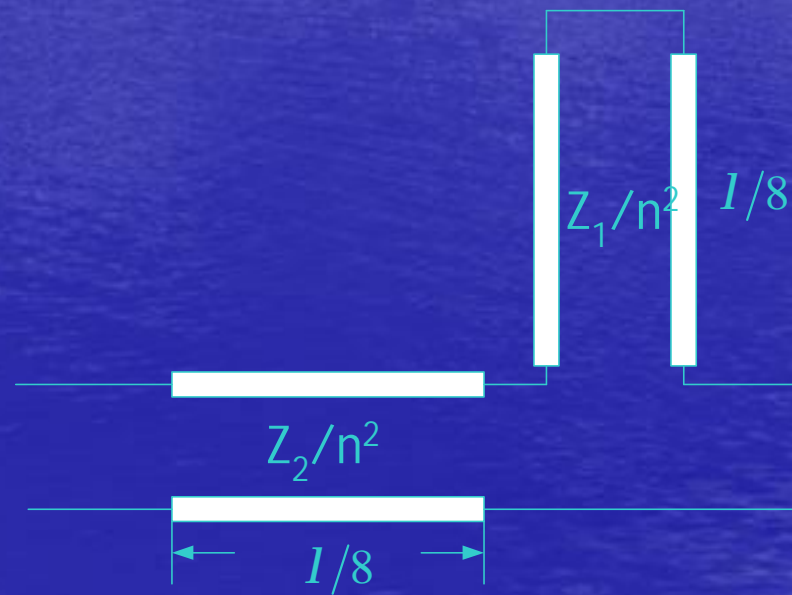
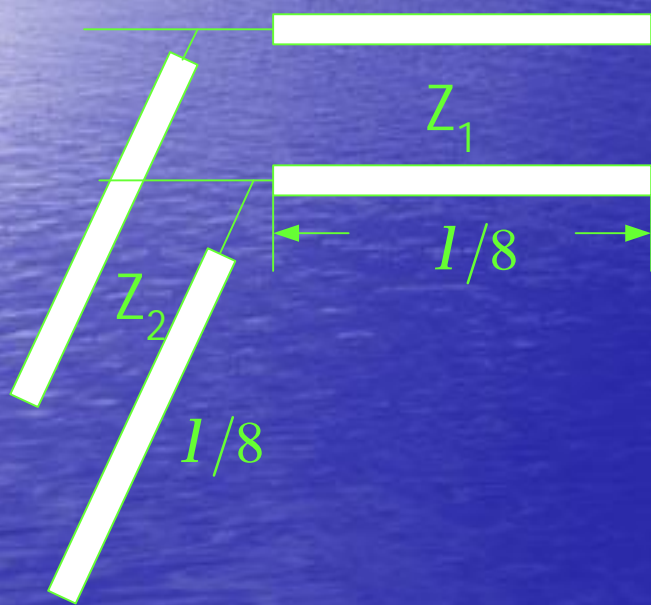
附加的传输线段称为单位元件（UE, unit element）

一般采用在截至频率处的八分之一波长传输线；  
此与实现原型设计的电感和电容的短截线长度对应。

A.



盒子代表制定特定阻抗和长度（八分之一波长）的  
单位元件UE或者传输线；  
电感电容代表短路或开路短截线。



【证明】

$$\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos q & jZ_1 \sin q \\ j\frac{1}{Z_1} \sin q & \cos q \end{bmatrix} = \frac{1}{\sqrt{1+\Omega^2}} \begin{bmatrix} 1 & j\Omega Z_1 \\ \frac{j\Omega}{Z_1} & 1 \end{bmatrix}$$

并联开路短截线导纳

$$-jZ_2 \cot bl = -jZ_2/\Omega$$

串联短路短截线阻抗

$$j\frac{Z_1}{n^2} \tan bl = j\Omega Z_1/n^2$$

## 第一个电路的传输矩阵 $\Omega$

$$\begin{aligned} \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix}_{total} &= \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ j\Omega & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & j\Omega Z_1 \\ \frac{j\Omega}{Z_1} & 1 \end{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{1+\Omega^2}} \\ &= \frac{1}{\sqrt{1+\Omega^2}} \begin{bmatrix} 1 & j\Omega Z_1 \\ j\Omega \left( \frac{1}{Z_1} + \frac{1}{Z_2} \right) & 1 - \Omega^2 \frac{Z_1}{Z_2} \end{bmatrix} \end{aligned}$$

## 第二个电路的传输矩阵 $\Omega$

$$\begin{aligned} \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix}_{total} &= \begin{bmatrix} 1 & \frac{j\Omega Z_2}{n^2} \\ \frac{j\Omega n^2}{Z_2} & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \frac{j\Omega Z_1}{n^2} \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{1+\Omega^2}} \\ &= \frac{1}{\sqrt{1+\Omega^2}} \begin{bmatrix} 1 & \frac{j\Omega}{n^2} (Z_1 + Z_2) \\ \frac{j\Omega n^2}{Z_2} & 1 - \Omega^2 \frac{Z_1}{Z_2} \end{bmatrix} \end{aligned}$$



如果选择

$$n^2 = 1 + Z_2/Z_1$$

结果恒定。 证毕！

B.



C.



D.

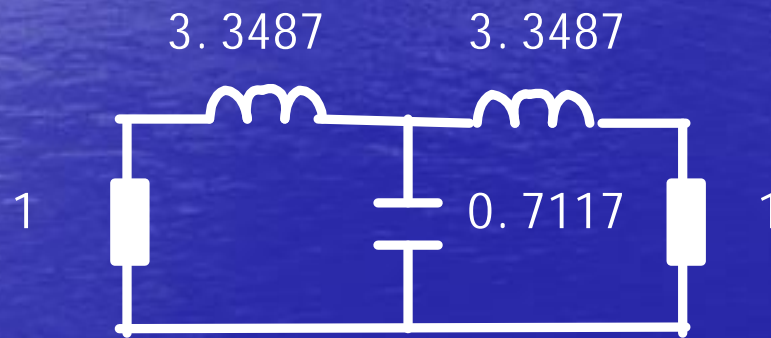


# 公比线带通滤波器

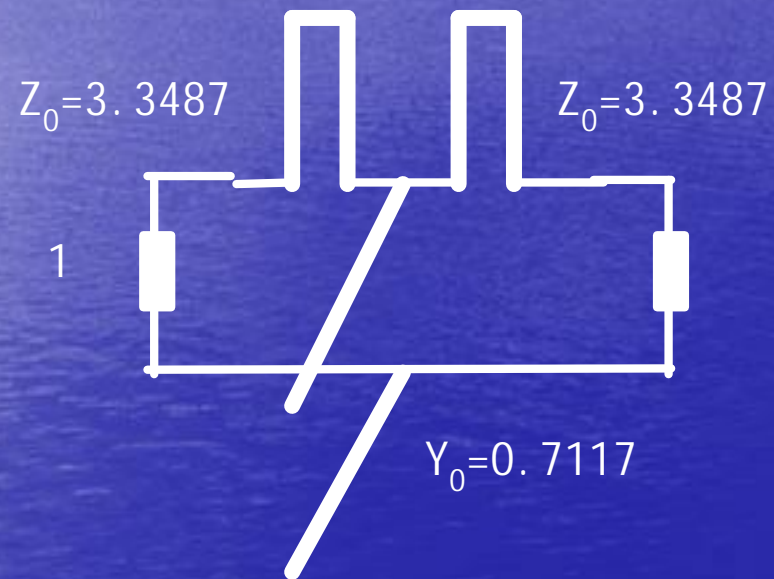
1. Richard变换
2. Kuroda恒等关系
3. 公比线低通

【例】微带低通滤波器，截至频率4GHz，采用3阶Chebyshev综合，特性阻抗50欧姆，3dB等波纹

a. 低通电路



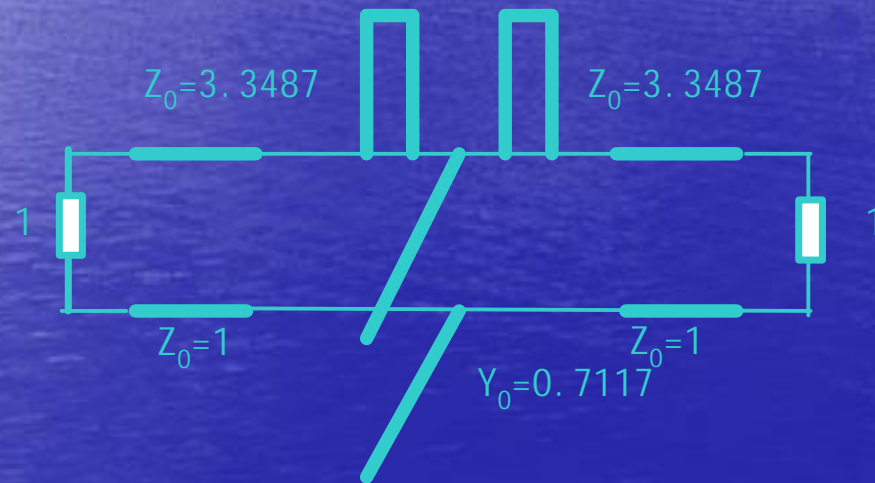
## b. Richard变换



串联短截线在微带中实现是很困难的。

## c. Kuroda恒等变换

在滤波器的两端添加单位元件。

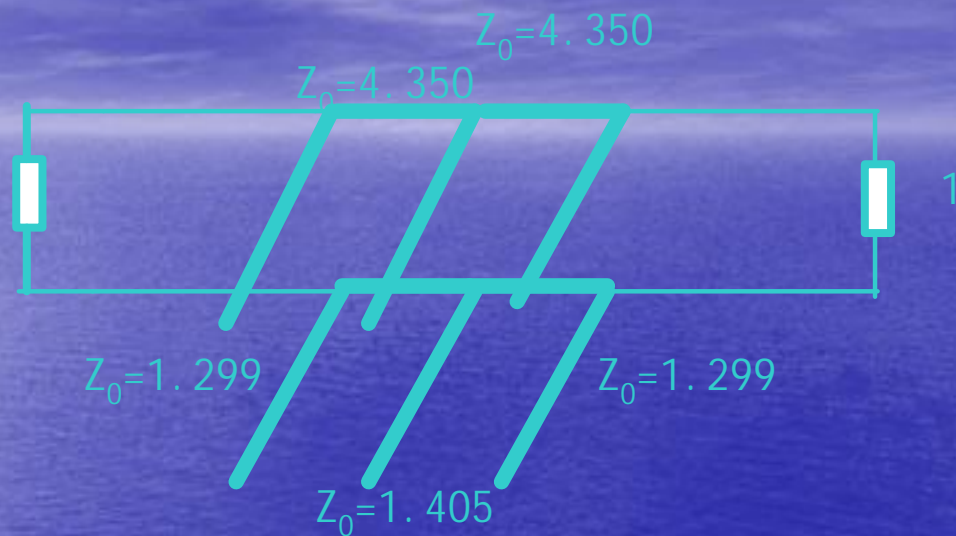




$$n^2 = 1 + Z_2/Z_1 = 1 + \frac{1}{3.3487} = 1.299$$

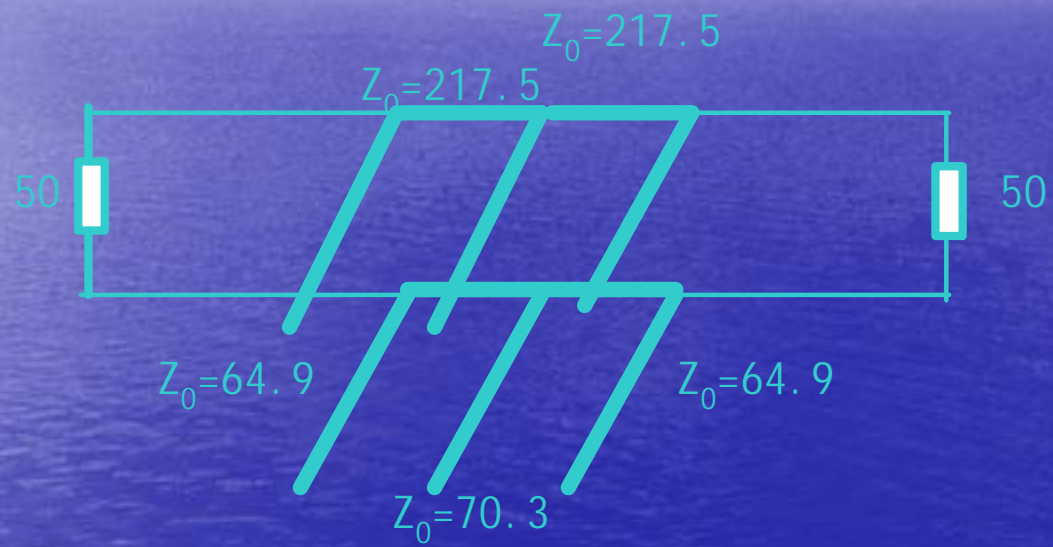
$$n^2 Z_1 = 4.350$$

$$\frac{1}{n^2 Z_2} = \frac{1}{1.299}$$



阻抗和频率定标：50欧姆，4GHz下八分之一波长。

## d. 反归一



## e. 物理电路

